

PRUEBA DE EVALUACIÓN DE BACHILLERATO PARA EL ACCESO A LA UNIVERSIDAD Y PRUEBAS DE ADMISIÓN ANDALUCÍA, CEUTA, MELILLA Y CENTROS en MARRUECOS

MATEMÁTICAS II

CURSO 2023-2024

Instrucciones:

a) Duración: 1 hora y 30 minutos.

- b) Todas las cuestiones deben responderse en el papel entregado para la realización del examen y nunca en los folios que contienen los enunciados.
- c) Este examen consta de 8 ejercicios distribuidos en 4 bloques de 2 ejercicios cada uno.
- d) Cada ejercicio tiene un valor máximo de 2,5 puntos.
- e) Se realizará únicamente un ejercicio de cada bloque. En caso de responder a dos ejercicios de un bloque, sólo se corregirá el que aparezca físicamente en primer lugar.
- f) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, ni gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.
- g) En la puntuación máxima de cada ejercicio están contemplados 0,25 puntos para valorar la expresión correcta de los procesos y métodos utilizados.

BLOQUE A. Resuelve sólo uno de los siguientes ejercicios:

EJERCICIO 1. (2,5 puntos)

Sea la función $f:(0,+\infty)\to\mathbb{R}$ definida por $f(x)=\ln{(x)}$, donde \ln denota la función logaritmo neperiano, y los puntos de su gráfica A(1,0) y B(e,1).

- a) [1,5 puntos] Determina, si existen, los puntos de la gráfica de f en los que la recta tangente a la gráfica es paralela a la recta que pasa por los puntos A y B.
- b) [1 punto] Determina la ecuación de la recta normal a la gráfica de f en el punto A.

EJERCICIO 2. (2,5 puntos)

Considera la función continua f definida por

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x\cos(x) - a\sin(x)}{x^3} & \text{si } x < 0\\ b\cos(x) - 1 & \text{si } x \ge 0 \end{cases}$$

Calcula a y b.

BLOQUE B. Resuelve sólo uno de los siguientes ejercicios:

EJERCICIO 3. (2,5 puntos)

Considera la función f definida por $f(x)=\frac{x^3+2}{x^2-1}$, para $x\neq -1$, $x\neq 1$. Calcula una primitiva de f cuya gráfica pase por el punto (0,1).

EJERCICIO 4. (2,5 puntos)

Halla la función $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ tal que $f''(x) = x \cos(x)$ y cuya gráfica pasa por los puntos $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ y $(\pi, 2\pi)$.



PRUEBA DE EVALUACIÓN DE BACHILLERATO PARA EL ACCESO A LA UNIVERSIDAD Y PRUEBAS DE ADMISIÓN ANDALUCÍA, CEUTA, MELILLA Y CENTROS en MARRUECOS CURSO 2023-2024

MATEMÁTICAS II

BLOQUE C. Resuelve sólo uno de los siguientes ejercicios:

EJERCICIO 5. (2,5 puntos)

Considera la matriz $A = \left(\begin{array}{ccc} 1 & 1/8 & 1/8 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{array} \right).$

- a) [1 punto] Calcula A^{2024} .
- b) **[1,5 puntos]** Halla la matriz X, si es posible, que verifica $A^2XA + I = O$, donde I y O son la matriz identidad y la matriz nula de orden 3, respectivamente.

EJERCICIO 6. (2,5 puntos)

Considera el sistema

$$\begin{cases} y + z = 1 \\ (k-1)x + y + z = k \\ x + (k-1)y + z = 0 \end{cases}$$

- a) [1,75 puntos] Discute el sistema según los valores de k.
- b) [0,75 puntos] Para k=1 resuelve el sistema, si es posible. ¿Hay alguna solución en la que y=0? En caso afirmativo, calcúlala. En caso negativo, justifica la respuesta.

BLOQUE D. Resuelve sólo uno de los siguientes ejercicios:

EJERCICIO 7. (2,5 puntos)

- a) **[1,25 puntos]** Halla el punto simétrico de P(2,2,1) respecto de la recta $r\equiv \left\{ \begin{array}{cc} x-2y+z&=2\\ y-z&=1 \end{array} \right.$
- b) [1,25 puntos] Halla el punto simétrico de Q(1,-1,-3) respecto del plano $\pi \equiv x-2y+z+6=0$.

EJERCICIO 8. (2,5 puntos)

Considera las rectas $r\equiv\left\{ \begin{array}{ll} y=0 \\ 2x-z=0 \end{array} \right.$ y $s\equiv\left\{ \begin{array}{ll} x+y+7=0 \\ z=0 \end{array} \right.$

- a) [1 punto] Estudia la posición relativa de r y s.
- b) [1,5 puntos] Calcula la ecuación del plano paralelo a r y s que equidista de ambas rectas.